

**Méthodes numériques pour l'aérodynamique**  
*Numerical methods for aerodynamics*

Code ECUE	Course code: MNA	UE : UE5-2a
<b>Département</b> <i>Department</i>	: MFA	<b>Cours Lectures</b> : 12h30
<b>Coordonnateurs</b> <i>Lecturers</i>	: G. Lehnasch	<b>T.D. Tutorials</b> : 12h30
<b>Période</b> <i>Year of study</i>	: 3ème année 3 <sup>rd</sup> year	<b>T.P. Laboratory sessions</b> :
<b>Semestre</b> <i>Semester</i>	: 5 <sup>ème</sup> semestre 5 <sup>th</sup> semester	<b>Projet</b> <i>Project</i> :
<b>Evaluation</b> <i>Assessment method(s)</i>	: 1 examen <i>1 written exam</i>	<b>Non encadré</b> <i>Unsupervised</i> :
<b>Langue d'instruction</b> <i>Language of instruction</i>	: Français <i>French</i>	<b>Horaire global</b> <i>Total hours</i> : 25h00
<b>Type de cours</b> <i>Type of course</i>	: Obligatoire <i>Compulsory</i>	<b>Travail personnel</b> <i>Homework</i> : 11h00
<b>Niveau</b> <i>Level of course</i>	: Second cycle universitaire <i>Graduate</i>	

**Compétences attendues** : construire/analyser les schémas numériques utilisés dans les codes de calcul CFD industriels, savoir mettre en œuvre les méthodes de simulation d'écoulements turbulents.

**Pré-requis** : Notions de calcul scientifique (discréttisation par différences finies, volumes finis), mécanique des fluides et dynamique des gaz, turbulence.

**Contenu :**

- 1/ Méthodologie générale et classification des approches
- 2/ Concepts fondamentaux, construction et analyse de schémas numériques aux différences finies
  - discréttisation par différences finies
  - consistance, précision et stabilité
  - caractérisation et analyse de l'erreur numérique
  - monotonie et schémas à variation totale diminuante
- 3/ Méthodes numériques pour les écoulements compressibles
  - propriétés des équations d'Euler et problème de Riemann exact
  - résolution par approches centrées et dissipation artificielle
  - schémas à découpage de flux et solveurs de Riemann approchés
  - reconstruction d'ordre élevé, approche MUSCL et limiteurs
- 4/ Méthodes numériques pour les écoulements à basse vitesse
  - problématique du bas Mach
  - résolution par approche couplée à compressibilité artificielle
  - approches découpées : méthodes SIMPLE à PISO
- 5/ Construction/analyse de maillage et conditions aux limites
  - méthodes de génération de maillage et critères de qualité
  - maillages structurés et transformations curvilignes
  - maillages non-structurés et méthodes d'adaptation
  - dimensionnement de maillage
  - traitement des conditions aux limites (paroi, conditions non-réfléchissantes, ...)
- 6/ Mise en œuvre de simulations d'écoulements turbulents
  - dimensionnement de calcul
  - intégration temporelle et convergence
  - guides de mise en données : choix des domaines, maillages, modèles et conditions limites
  - études de sensibilité et convergence

**Bibliographie :**

- C.A.J. Fletcher, Computational Techniques for Fluid Dynamics, Vol. 1, 2 & 3, Springer-Verlag.
- F. Ferziger, M. Peric and R. L. Street, Computational Methods for Fluid Dynamics, 2020, Springer.
- C. Hirsch, Numerical computation of internal and external flows. Vol. 1 : Fundamentals of Computational Fluid Dynamics & Vol. 2: computational methods for inviscid and viscous flows, 1999, Wiley.

**Expected competencies:** build and analyse numerical schemes used in industrial CFD codes, implementation of general methods for simulation of turbulent flows.

**Prerequisites:** scientific computing for discretization of partial differential equations (finite differences, finite volumes), fluid mechanics, gas dynamics, turbulence.

**Content:**

- 1/ General methodology and classification of approaches
- 2/ Fundamental concepts, construction and analysis of finite difference schemes
  - finite difference discretization
  - consistency, accuracy and stability
  - characterization and analysis of numerical error
  - monotonicity and total variation diminishing schemes
- 3/ Numerical methods for compressible flows
  - properties of Euler equations and exact Riemann problem
  - solving by centered approaches and artificial dissipation
  - flow splitting schemes and approximate Riemann solvers
  - high order reconstruction, MUSCL approach and limiters
- 4/ Numerical methods for low speed flows
  - low Mach problem
  - resolution by coupled approach with artificial compressibility
  - decoupled approaches: SIMPLE to PISO methods
- 5/ Mesh construction/analysis and boundary conditions
  - methods for mesh generation and quality criteria
  - structured meshes and curvilinear transformations
  - unstructured meshes and adaptation methods
  - mesh sizing
  - treatment of boundary conditions (wall, non-reflective conditions, ...)
- 6/ Implementation of turbulent flow simulations
  - dimensioning simulations
  - Time integration and convergence
  - guide for choice of parameters : domains, meshes, models and boundary conditions) to post-treatment
  - influence of numerical parameters

**Recommended reading:**

- C.A.J. Fletcher, Computational Techniques for Fluid Dynamics, Vol. 1, 2 & 3, Springer-Verlag.
- F. Ferziger, M. Peric and R. L. Street, Computational Methods for Fluid Dynamics, 2020, Springer.
- C. Hirsch, Numerical computation of internal and external flows. Vol. 1 : Fundamentals of Computational Fluid Dynamics & Vol. 2: computational methods for inviscid and viscous flows, 1999, Wiley.